

3^{ème} – Angle inscrit – Feuille d'exercices n°1

Exercice n°1

1. Tracer un cercle C de centre O et de rayon 3 cm.
2. Placer 3 points A , B et M sur le cercle.
3. Construire les trois tangentes à C en A , B , et M .

Exercice n°2

C est un cercle de centre O et de diamètre 5 cm. (d) est une droite tangente en un point T au cercle

1. Quelle est la distance du point O à la droite (d) ?
2. M est un point de la droite (d) , distinct de T . Démontrer que la droite (OT) est tangente au cercle de centre M qui passe par T .

Exercice n°3

1. Tracer un cercle \mathcal{C} de centre O et deux points M et M' diamétralement opposés sur ce cercle.
2. Construire les tangentes (d) et (d') en M et M' au cercle \mathcal{C} et démontrer qu'elles sont parallèles.

Exercice n°4 (*)

\mathcal{C} est un demi-cercle de centre O , de diamètre $[AB]$. M est un point de ce demi-cercle. La tangente en M à \mathcal{C} coupe la tangente en A à \mathcal{C} au point P et la médiatrice du segment $[AB]$ au point C .

1. a. Comparer les angles \widehat{OPA} et \widehat{OPC} puis les angles \widehat{OPA} et \widehat{POC} .
b. En déduire la nature du triangle OPC .
2. Démontrer que le cercle de centre C passant par P est tangent en O à la droite (AB) .

Exercice n°5

Avec un logiciel de géométrie ou « à la main » :

1. Construire un cercle \mathcal{C} de centre O , puis quatre points A , B , C et D sur ce cercle.
2. À écrire dans le cahier de cours (schémas inclus) :

Chapitre : Angles inscrit et angle au centre

I) Vocabulaire :



On appelle **ANGLE AU CENTRE** l'angle de sommet **le centre du cercle**, et dont les côtés passent par deux points du cercle.



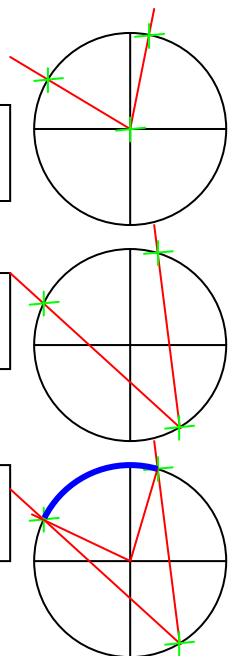
On appelle **ANGLE INSCRIT** l'angle de sommet **un point du cercle**, et dont les côtés passent par deux points du cercle.



On dit que deux angles **INTERCEPTENT** le même arc l'intersection de ces deux angles avec le cercle est un même arc de ce cercle.

3. Établir la conjecture :

- a. Mesurer les angles \widehat{AOB} et \widehat{ACB} .
- b. Mesurer l'angle \widehat{ADB} .
- c. Si vous travaillez sur un logiciel de géométrie, bougez le point A sur le cercle.

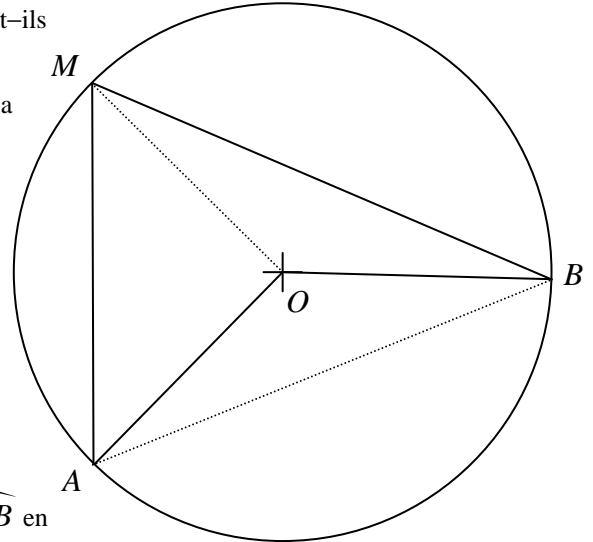


- d. Que semble-t-il se passer ? Énoncez-le le plus précisément possible, de façon générale, en utilisant le vocabulaire vu dans le cours. Une fois validée par le professeur, écrivez cette **propriété n°1** dans le cahier de cours, dans un paragraphe II, intitulé « **Propriétés** ». Cette propriété est à savoir par cœur.

Exercice n°6

Démonstration de la propriété de l'angle au centre et de l'angle inscrit, dans le cas où le centre du cercle circonscrit au triangle est à l'intérieur du triangle.

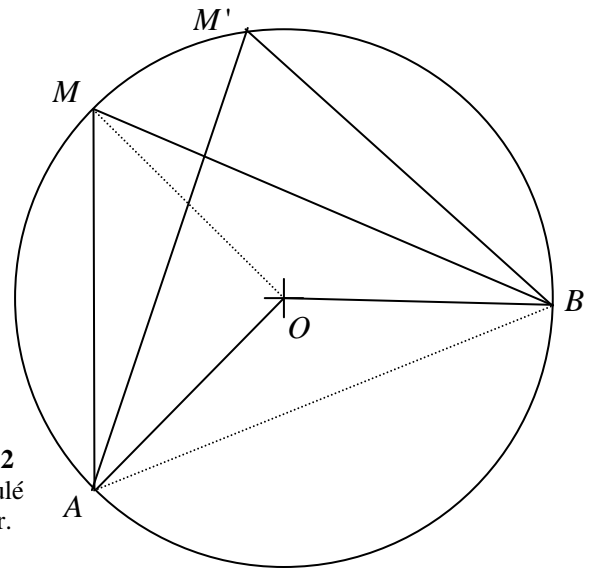
1. Pourquoi les triangles AOB , AOM et BOM sont-ils isocèles ?
2. Quelle est la mesure de l'angle \widehat{AOB} en fonction de la mesure de l'angle \widehat{OAB} ?
3. L'angle \widehat{OAB} est nommé \hat{a} . L'angle \widehat{OMA} est nommé \hat{b} . L'angle \widehat{OBM} est nommé \hat{c} .
 - a. Exprimer la somme des angles du triangle AMB en fonction de \hat{a} , \hat{b} , et \hat{c} .
 - b. En utilisant la propriété de la somme des angles dans un triangle, exprimer $2\hat{a}$ en fonction de \hat{b} et \hat{c} .
 - c. Dédurre du **b** et du **2** l'expression de l'angle \widehat{AOB} en fonction de \hat{b} et \hat{c} .
 - d. En déduire, en factorisant par 2, l'expression de l'angle \widehat{AOB} en fonction de l'angle inscrit \widehat{AMB} .



Exercice n°7

Démonstration du fait que deux angles inscrits qui interceptent le même arc ont la même mesure.

1. Exprimer l'angle \widehat{AMB} en fonction de l'angle \widehat{AOB} .
2. Exprimer l'angle $\widehat{AM'B}$ en fonction de l'angle \widehat{AOB} .
3. Conclure. Énoncez la propriété démontrée le plus précisément possible, de façon générale, en utilisant le vocabulaire vu dans le cours. Une fois validée par le professeur, écrivez cette **propriété n°2** dans le cahier de cours, dans un paragraphe II, intitulé « **Propriétés** ». Cette propriété est à savoir par cœur.



Exercice n°8

Soit \mathcal{C} le cercle circonscrit à un triangle ABC tel que $\widehat{BAC} = 70^\circ$ et $BA = 5$ cm et $AC = 7$ cm. On note O le centre de ce cercle.

1. Construire la figure.
2. On peut remarquer que \widehat{BOC} est un angle au centre. Peut-on trouver un angle inscrit associé à cet angle au centre ?
3. D'après le cours, quelle relation y a-t-il entre cet angle inscrit et \widehat{BOC} ?
4. En déduire la mesure de \widehat{BOC} .

Exercice n°9

Soit $ABCD$ un quadrilatère et son cercle circonscrit (construire d'abord le cercle, puis le quadrilatère quelconque dont les sommets sont sur le cercle).

1. \widehat{ABD} est un angle inscrit. Quel arc intercepte-t-il ?
2. \widehat{ACD} est lui aussi un angle inscrit. Quel arc intercepte-t-il ?
3. Que peut-on dire alors des angles \widehat{ABD} et \widehat{ACD} ? Justifier.

Exercice n°10

\mathcal{C} est un cercle de rayon 3 cm. A , B et D sont trois points de \mathcal{C} tels que $\widehat{ABD} = 20^\circ$ et $[BD]$ est un diamètre de \mathcal{C} .

1. Faire une figure.
2. Que peut-on dire du triangle ABD ? Justifier.
3. Calculer la longueur AB au centième près.

Exercice n°11

ABC est un triangle isocèle en A tel que $\widehat{BAC} = 80^\circ$ et, en centimètres, $BC = 6$. \mathcal{C} est un cercle de centre O , circonscrit à ce triangle. $[BM]$ est un diamètre de \mathcal{C} .

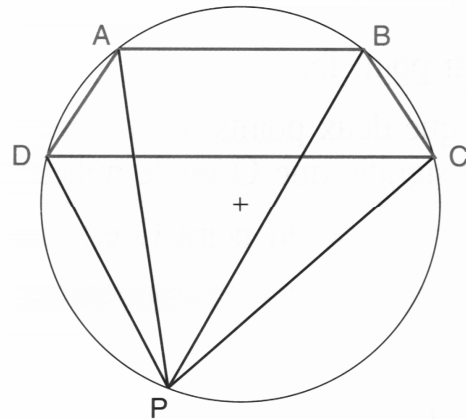
1. Faire une figure.
2. Que peut-on dire du triangle BCM ?
3. Calculer la longueur BM au millième près.

Exercice n°12

Sur la figure ci-contre, $ABCD$ est un trapèze isocèle de bases $[AB]$ et $[CD]$.

On se propose de démontrer que $\widehat{APD} = \widehat{BPC}$.

1. Citer deux angles inscrits qui interceptent l'arc AC qui contient B .
2. Citer deux angles inscrits qui interceptent l'arc BD qui contient A .
3. En déduire que $\widehat{DPB} = \widehat{APC}$.
4. Rédiger la conclusion.



1. Même rayon. 2. $\widehat{AOB} = 180 - 2 \times \widehat{OAB}$. 3. a. $2\widehat{a} + 2\widehat{b} + 2\widehat{c}$

3.b. $2\widehat{a} = 180 - 2\widehat{b} - 2\widehat{c}$ 3.c. $\widehat{AOB} = 2\widehat{b} + 2\widehat{c}$ 3.d. $\widehat{AOB} = 2\widehat{AMB}$

Exercice n°8

1. centre du cercle circonscrit = intersections des mé...
4. 140°

Exercice n°9

3. Ils sont égaux.

Exercice n°10

2. Rectangle en A .
3. 5,64 cm.

Exercice n°11

3. 6,093 cm.